

Probabilités

Exercice 1

On écrit sur les faces d'un dé cubique les lettres du mot oiseau. On lance le dé et on regarde la lettre inscrite sur sa face supérieure.

1. Donner l'ensemble des issues possibles de cette épreuve aléatoire.
2. Donner les éléments de l'événement A : « Obtenir une voyelle ».
3. On suppose le dé parfaitement équilibré. Calculer la probabilité de l'événement A .

Exercice 2

On fait tourner une roue de loterie formée de huit secteurs : un bleu (B), quatre rouges (R) et trois jaunes (J). Un secteur est alors désigné par une flèche.

On suppose que chaque secteur a la même probabilité d'être désigné.

1. Déterminer la probabilité de chacun des événements suivants :
 B : « La couleur désignée est le bleu ».
 R : « La couleur désignée est le rouge ».
 J : « La couleur désignée est le jaune ».
2. Déterminer de deux façons différentes la probabilité de l'événement « La couleur désignée n'est pas le rouge ».

Exercice 3

On tire au hasard une carte d'un jeu de 32 cartes. Déterminer la probabilité des événements suivants :

1. A : « La carte tirée est le valet de cœur ».
2. B : « La carte tirée est le sept de pique ».
3. C : « La carte tirée est une dame ».
4. D : « La carte tirée est un trèfle ».

Exercice 4

Un sac opaque contient dix boules, quatre boules portant le numéro 1, trois boules portant le numéro 2, deux boules portant le numéro 3 et une boule portant le numéro 4. On tire au hasard une boule et on lit le nombre de points.

1. Déterminer l'ensemble des résultats possibles de cette épreuve aléatoire.
2. Donner, à l'aide d'un arbre, la loi de probabilité.
3. Calculer la probabilité de l'événement A : « Obtenir au moins 2 points ».

Exercice 5

On lance deux fois de suite une pièce de monnaie non truquée. Quelle est la probabilité de chacun des événements suivants ?

1. A : « On obtient deux fois PILE ».
2. B : « On obtient deux fois FACE ».
3. C : « On obtient deux résultats distincts ».

Exercice 6

Au début d'une séance de cinéma, on distribue au hasard un billet de loterie à chacun des 120 spectateurs. Parmi les 120 billets distribués, trois donnent droit à 4 places gratuites, 6 donnent droit à trois places gratuites, 18 donnent droit à deux places gratuites, 42 donnent droit à une place gratuite et les autres billets ne gagnent rien.

1. Quelle est la probabilité pour un spectateur de gagner exactement deux places gratuites ?
2. Quelle est la probabilité pour un spectateur de ne rien gagner ?
3. On s'intéresse au nombre de places gratuites gagnées avec un billet.
 - a. Quels sont les résultats possibles ?
 - b. Déterminer la loi de probabilité de cette expérience.
 - c. Quelle est la probabilité pour un spectateur de gagner au moins deux places gratuites.

Exercice 7

Un sac contient cinq jetons :

- un bleu valant 3 points
- deux rouges $R1$ et $R2$ valant chacun 2 points
- deux verts $V1$ et $V2$ valant chacun 1 point

1. On tire un jeton au hasard. Quelle est la probabilité :
 - a. De tirer un jeton rouge ?
 - b. D'obtenir au moins deux points ?
2. On tire un jeton puis un deuxième jeton sans remettre le premier jeton dans le sac.
 - a. Faire un arbre indiquant les tirages possibles.
 - b. Calculer la probabilité de chacun des événements suivants.
A : « Tirer deux jetons de couleurs différentes ».
B : « Obtenir 4 points ».
C : « Obtenir 4 points avec deux jetons de couleurs différentes ».
D : « Obtenir au moins 4 points ».

Exercice 8

On dispose de deux dés cubiques bien équilibrés dont les faces sont numérotées de 1 à 6. L'un de ces dés est vert, l'autre est rouge. On lance les deux dés et on note d'abord le nombre sur le dé vert, puis celui sur le dé rouge.

1. Représenter, à l'aide d'un tableau à double entrée, l'ensemble des résultats possibles de cette épreuve aléatoire.
2. Quelle est la probabilité de chaque issue ?
3. Quelle est la probabilité d'obtenir les mêmes numéros sur les deux dés ?
4. Quelle est la probabilité que la somme soit égale à 4 ?
5. Quelle est la probabilité que la somme soit strictement supérieure à 7 ?

Exercice 9

On lance successivement un dé cubique parfait et une pièce de 1€ bien équilibrée.

À PILE on associe le nombre 1 et à FACE on associe le nombre 2.

Un résultat de l'épreuve aléatoire est la somme du numéro obtenu sur le dé et du nombre obtenu.

1. Dresser un arbre donnant toutes les possibilités.
2. En déduire la probabilité d'obtenir une somme :

a. Impaire ;	b. Multiple de 3 ;	c. Égale à 6 ;
d. Ni 6, ni 5 ;	e. Au moins 4 ;	f. Au plus 3.

Exercice 10

Une boîte contient beaucoup de billes unicolores, rouges, vertes ou bleues. On prend une poignée de trois billes.

On s'intéresse aux événements :

A : « Deux billes au moins sont vertes ».

B : « Les trois billes sont de la même couleur ».

C : « Il y a au moins une bille rouge ».

D : « Aucune bille n'est rouge ».

E : « Le tirage est tricolore ».

Les propositions suivantes sont-elles vraies ou fausses ? Justifier.

1. Les événements A et B sont incompatibles.
2. Les événements B et E sont contraires.
3. Les événements A et C sont incompatibles.
4. Les événements C et D sont contraires.
5. Les événements A et E sont disjoints.

Exercice 11

On considère deux événements A et B tels que : $P(A)=0,7$, $P(B)=0,4$ et $P(A \cap B)=0,2$.

1. Calculer $P(A \cup B)$.
2. Calculer $P(\overline{A})$.
3. C est un événement tel que B et C sont incompatibles et $P(C)=0,3$. Calculer $P(B \cup C)$.

Exercice 12

Soit A et B deux événements incompatibles tels que $P(A)=0,4$ et $P(B)=0,2$.

Calculer $P(A \cap B)$ et $P(A \cup B)$.

Exercice 13

Soit A et B deux événements tels que $P(A)=0,3$, $P(B)=0,1$ et $P(A \cup B)=0,3$

1. Donner la relation liant $P(A)$, $P(B)$, $P(A \cap B)$ et $P(A \cup B)$.
2. Calculer $P(A \cap B)$.

Exercice 14

Dans une classe de seconde de 35 élèves, l'allemand et l'espagnol sont étudiés. On sait que 30 élèves étudient au moins une des deux langues, 15 élèves étudient l'allemand et 20 l'espagnol.

On interroge un élève au hasard dans cette classe.

1. Calculer la probabilité que l'élève interrogé étudie :
 - a. L'allemand.
 - b. L'espagnol.
 - c. L'allemand et l'espagnol.
2. Calculer la probabilité que ce soit un élève qui n'étudie aucune des deux langues.

Exercice 15

Dans un groupe de 20 personnes, 10 personnes s'intéressent à la pêche, 8 à la lecture et 3 à la fois à la pêche et à la lecture. On choisit au hasard une personne du groupe.

1. Calculer la probabilité qu'elle s'intéresse à la pêche ou à la lecture.
2. Calculer la probabilité qu'elle ne s'intéresse ni à la pêche, ni à la lecture.

Exercice 16

Un bureau de poste possède deux guichets A et B dont l'un des deux au moins est ouvert.

On considère les événements E et F suivants :

E : « Le guichet A est ouvert ».

F : « Le guichet B est ouvert ».

Une étude statistique a montré que $P(E)=0,8$ et $P(F)=0,5$.

Un client se présente au bureau de poste.

1. Quelle est la probabilité que l'un au moins des guichets soit ouvert ?
2. Calculer la probabilité que les deux guichets soient ouverts.

Exercice 17

La probabilité dans une population qu'un individu possède un caractère génétique A est de $0,8$ et un caractère génétique B est de $0,6$. La probabilité qu'il possède les deux caractères est de $0,45$. Calculer la probabilité qu'il ne possède aucun des deux caractères.

Exercice 18

On tire au hasard une carte d'un jeu de 32 cartes. Calculer la probabilité d'obtenir :

- a. Un carreau ; b. Un valet ; c. Un carreau ou un valet.

Exercice 19

Soit A et B deux événements d'une expérience aléatoire vérifiant $\text{Card}(A \cap B)=35$, $\text{Card}(A)=50$ et $\text{Card}(B)=70$. Calculer $P_A(B)$ et $P_B(A)$.

Exercice 20

Soit A et B deux événements d'une expérience aléatoire vérifiant $\text{Card}(A \cap B)=70$, $\text{Card}(A)=100$ et $\text{Card}(B)=140$. Calculer $P_A(B)$ et $P_B(A)$.

Exercice 21

Soit A et B deux événements indépendants d'une expérience aléatoire vérifiant $P_B(A)=0,7$ et $\text{Card}(B)=50$. Calculer $\text{Card}(A \cap B)$.

Exercice 22

Soit A et B deux événements d'une expérience aléatoire vérifiant $P_B(A)=0,1$ et $\text{Card}(B)=8510$. Calculer $\text{Card}(A \cap B)$.

Exercice 23

1. Soit A et B deux événements d'une expérience aléatoire vérifiant $P_B(A)=0,5$ et $\text{Card}(A \cap B)=14$. Calculer $\text{Card}(B)$.
2. Soit A et B deux événements d'une expérience aléatoire vérifiant $P_B(A)=0,3$ et $\text{Card}(A \cap B)=21$. Calculer $\text{Card}(B)$.

Exercice 24

Un magasin de sport à la montagne dispose de 400 matériaux de glisse. Il propose des skis de piste, des snowboards et des skis de randonnée. Son matériel est constitué de 45% de skis de piste, 36% de snowboards et le reste de skis de randonnée. Après la journée de location, le matériel est contrôlé et éventuellement réparé. Il a été constaté que la moitié des skis de piste, deux tiers des snowboards et le quart des skis de randonnée ont été abîmés pendant la journée. Chaque paire de skis et chaque snowboard sont répertoriés sur une fiche qui précise leur suivi. On considère les événements suivants :

P : « La fiche est celle d'une paire de skis de piste » ;

S : « La fiche est celle d'un snowboard » ;

R : « La fiche est celle d'une paire de skis de randonnée » ;

A : « Le matériel a été abîmé et nécessite une réparation ».

1. Compléter le tableau croisé d'effectifs ci-dessous.

Matériel Résultat du contrôle	P	S	R	Total
A				
$\bar{A}$				
Total				

2. On tire au hasard une fiche. Calculer $P_{\bar{A}}(S)$. Arrondir au centième.

3. Interpréter le résultat précédent.

Exercice 25

Un sondage a été réalisé parmi la population des 300 élèves de seconde d'un lycée. Deux questions ont été posées : « Êtes-vous fumeur ? » et « Pratiquez-vous un sport ? ».

Les renseignements obtenus ont permis d'établir que :

- 80 élèves ne sont ni fumeurs, ni sportifs ;
- la moitié des élèves sont des fumeurs ;
- 20% des élèves fumeurs déclarent pratiquer un sport.

1. Compléter le tableau suivant :

	sportifs	non sportifs	total
fumeurs			
non fumeurs			
total			

2. Un élève de seconde de ce lycée est choisi au hasard.

Déterminer la probabilité de chacun des événements suivants :

A : « Il ne fume pas ».

B : « C'est un sportif qui fume ».

C : « Il ne fait pas partie des sportifs qui fument ».

D : « C'est un sportif ou il fume ».

Exercice 26

Le tableau suivant indique les résultats d'un groupe d'élèves à un examen en fonction de leur qualité d'interne ou d'externe.

	interne	externe
admis	58	212
non admis	40	75

- On rencontre par hasard un élève de ce groupe. Quelle est la probabilité que cet élève soit :
 - Interne admis ?
 - Externe ?
 - Non admis ?
 - Externe non admis ?
 - Externe ou non admis ?
- On rencontre par hasard un interne. Quelle est la probabilité qu'il soit admis ?
- On rencontre par hasard un élève non admis. Quelle est la probabilité qu'il soit externe ?

Exercice 27

Dans une entreprise, le personnel peut suivre des cours d'anglais ou suivre un stage d'informatique. L'ensemble des 200 salariés se répartit de la façon suivante :

	cours d'informatique	
cours d'anglais	oui	non
oui	45	33
non	70	52

On choisit au hasard un des salariés de cette entreprise. On note les événements A et B suivants :

A : « Le salarié suit le cours d'anglais ».

B : « Le salarié suit le stage d'informatique ».

Exprimer chacun des événements suivants à l'aide de A et B et calculer leur probabilité :

- « Le salarié suit le cours d'anglais et le stage d'informatique ».
- « Le salarié suit le cours d'anglais sans suivre le stage d'informatique ».
- « Le salarié suit le cours d'anglais ou le stage d'informatique ».

Exercice 28

Le parc informatique d'un lycée est composé de 200 ordinateurs où 30 sont considérés comme neufs, 90 sont considérés comme récents et les autres sont considérés comme anciens. Une étude statistique indique qu'aucun ordinateur neuf n'est défaillant, 10% des ordinateurs récents sont défaillants et 25% des ordinateurs anciens sont défaillants.

- Traduire l'énoncé par un tableau croisé d'effectifs.
- On choisit au hasard un ordinateur de ce parc. Déterminer la probabilité que l'ordinateur soit ancien sachant qu'il est défaillant. Donner le résultat arrondi au centième.

Exercice 29

Le comité d'entreprise d'une société parisienne souhaite organiser un week-end en province. Une enquête est faite auprès des 1200 employés de l'entreprise afin de connaître leur choix en matière de moyen de transport (les seuls moyens de transport proposés sont le train, l'avion et le bus).

Les résultats de l'enquête sont répertoriés dans le tableau suivant :

	Train	Avion	Bus	Total
Femme	468	196	56	720
Homme	150	266	64	480
Total	618	462	120	1200

On interroge au hasard un employé de cette entreprise. On note les événements suivants :

F : « L'employé est une femme »

T : « L'employé choisit le train »

1. Calculer les probabilités $P(F)$ et $P(T)$ puis déterminer la probabilité que l'employé ne choisisse pas le train.
2. Expliquer ce que représente $F \cap T$ puis calculer sa probabilité.
3. L'employé interrogé au hasard ne choisit pas le train. Calculer la probabilité que cet employé soit une femme.

Exercice 30

On lance trois fois de suite une pièce de monnaie usuelle présentant deux côtés : PILE ou FACE.

On obtient ainsi une suite « ordonnée » de trois résultats (par exemple « PILE, PILE, FACE » sera noté $(P; P; F)$).

1. Écrire tous les résultats possibles de cette épreuve aléatoire (on pourra utiliser un arbre).
2. Calculer la probabilité de l'événement A : « Les trois résultats sont identiques ».
3. Calculer la probabilité de l'événement B : « La suite des trois résultats commence par pile ».
4. Calculer la probabilité de l'événement $A \cap B$. En déduire celle de l'événement $A \cup B$.

Exercice 31

Un couple de futurs parents décide d'avoir trois enfants. On fait l'hypothèse qu'ils auront, à chaque fois, autant de chances d'avoir un garçon qu'une fille et qu'il n'y aura pas de jumeaux. Calculer la probabilité des événements :

1. A : « Ils auront trois filles ».
2. B : « Ils auront trois enfants de même sexe ».
3. C : « Ils auront au plus une fille ».
4. D : « Les trois enfants ne seront pas du même sexe ».

Exercice 32

Dans une classe de terminale, 98% des élèves possèdent un téléphone portable. Parmi eux, 75% ont une connexion internet associé à leur téléphone. On choisit un élève au hasard dans cette classe. Quelle est la probabilité que cet élève ait un téléphone portable et une connexion internet associée ?

Exercice 33

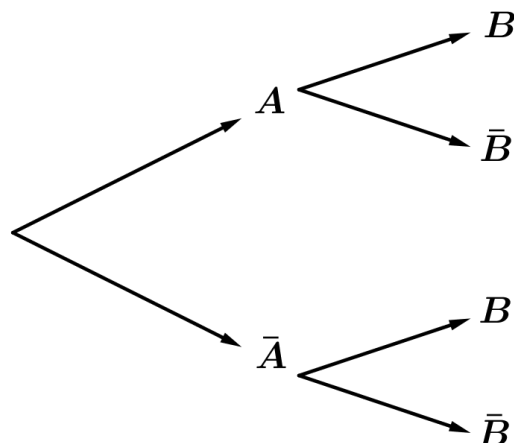
Pour une revue locale, un journaliste doit réaliser un reportage sur un club de natation composé de 30 membres : 27 nageurs dont 10 spécialistes de la nage crawlée et 3 entraîneurs. Le journaliste interroge au hasard un des membres de ce club.

Quelle est la probabilité qu'il interviewe un nageur non spécialiste de la nage crawlée ?

Exercice 34

A et B sont deux événements. On sait que : $P(A)=0,35$, $P_A(B)=0,42$ et $P_{\bar{A}}(\bar{B})=0,18$.

1. Recopier l'arbre ci-dessous et placer les trois valeurs de l'énoncé.



2. Compléter l'arbre pondéré avec les probabilités manquantes.

Exercice 35

Dans cet exercice, les résultats seront arrondis au millième. À la session 2009 du baccalauréat, 286762 élèves inscrits en série générale ont été admis. En particulier, 47765 en série L , 90446 en ES et 148531 en série S . Le tableau suivant présente la proportion (en pourcentage) de bacheliers ayant obtenu une mention.

	Mention AB	Mention B ou TB
Série L	27,3	16,1
Série ES	28,8	15,3
Série S	29,2	30,9

On interroge au hasard un bachelier en série générale de cette session 2009.

1. Construire l'arbre pondéré traduisant la situation. Cet arbre est à compléter au fur et à mesure.
2. Quelle est la probabilité que ce bachelier n'ait pas eu de mention sachant qu'il était en série L ?
3. Reprendre la question précédente avec la série ES et la série S .
4. En déduire la probabilité qu'un bachelier interrogé au hasard n'ait pas obtenu de mention.
5. Quelle est la probabilité qu'un bachelier interrogé au hasard ait obtenu la mention B ou TB ?

Exercice 36

À la fin d'une séance de cours, le professeur de mathématiques donne l'exercice suivant à préparer pour le lendemain : « Une urne contient 5 boules de couleur rouge et 15 boules de couleur verte ». On tire au hasard successivement deux boules dans cette urne. La probabilité que les deux boules soient de couleur rouge est de $\frac{1}{19}$. Représenter la situation par un arbre pondéré. Calculer la probabilité qu'au moins une des deux boules soit de couleur verte ».

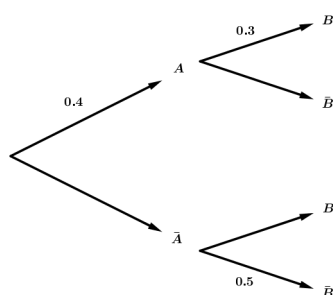
Le lendemain, l'élève interrogé dit : « Je n'ai pas fait l'exercice : je ne sais pas si le tirage est avec ou sans remise ».

1. Qu'en pensez-vous ?
2. Répondre alors aux questions posées par le professeur.

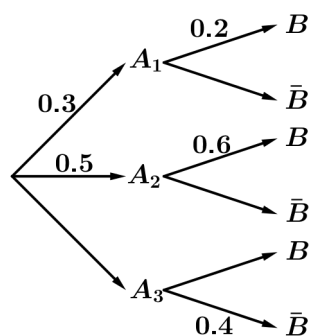
Exercice 37

Dans chacun des cas, avec les données figurant sur l'arbre pondéré, calculer $P(B)$.

a.



b.

**Exercice 38**

Pour chaque tournoi du grand chelem, les performances des meilleurs joueurs sont étudiées, puis décrites dans une rubrique appelée *statistiques*. En 2011, lors du tournoi de Roland Garros, les statistiques du Serbe Novak Djokovic étaient les suivantes :

- Sur 447 balles de 1^{er} service, 305 ont été jouées. Parmi ces 305 échanges engagés, il a gagné le point 229 fois.

- Sur les 142 balles de 2^e service, il a perdu 48 fois le point (éventuellement par une double faute)

1. Préciser les fréquences observées lors de ce tournoi des points perdus suite aux échanges engagés au premier service, et des points gagnés suite aux échanges engagés au deuxième service.
2. Construire un arbre pondéré représentant les différentes éventualités de Djokovic au service.
3. Quelle est la probabilité qu'il engage l'échange au 1^{er} service et qu'il perde le point ?
4. Quelles est la probabilité qu'il gagne le point sachant qu'il a engagé l'échange au 2^e service ?
5. Quelle est la probabilité qu'il gagne le point ?
6. Quelle est la probabilité qu'il fasse un jeu blanc (4 points gagnés sans que son adversaire ait marqué un seul point) ?

QCM

Pour chaque question, indiquer la ou les bonne(s) réponse(s).

On note N l'événement « Un candidat se présente pour la 1^{ère} fois à l'épreuve pratique du permis de conduire » et R l'événement « Un candidat est reçu à l'issue de l'épreuve pratique du permis de conduire ». On admet $P(R)=0,527$ et $P(R \cap N)=0,292$.

1. La probabilité qu'un candidat ne soit pas reçu à l'issue de l'épreuve pratique de conduite est :
a. 0,819 b. 0,473 c. 0,708 d. 0,512
2. La probabilité qu'un candidat soit reçu à l'issue de l'épreuve pratique de conduite et qu'il ne s'agisse pas de sa première tentative est :
a. 0,708 b. 0,635 c. 0,235 d. 0,181
3. La probabilité qu'un candidat se soit présenté pour la première fois à l'épreuve pratique de conduite sachant qu'il a été reçu est :
a. 0,691 b. 0,554 c. 0,154 d. 0,446
4. Un candidat a été reçu à l'issue de l'épreuve pratique de conduite. La probabilité qu'il ne s'agisse pas de sa première tentative est :
a. 0,691 b. 0,554 c. 0,154 d. 0,446

Un magasin a commandé un modèle de tablette électronique auprès de trois fournisseurs. 60% des tablettes ont été commandées au fournisseur A, 30% au fournisseur B et le reste au fournisseur C. Quelques mois après la vente de ces tablettes, le service après-vente affirme que 2% des tablettes du fournisseur A et 5% des tablettes du fournisseur B sont défectueuses. Aucune tablette n'est défectueuse pour le fournisseur C. On choisit au hasard un client qui a acheté une tablette.

5. La probabilité que cette tablette provienne du fournisseur C est :
a. 0,1 b. 0,3 c. 0,6 d. 1
6. La probabilité que la tablette provienne du fournisseur A et qu'elle ne soit pas défectueuse est :
a. 0,012 b. 0,015 c. 0,285 d. 0,588
7. La probabilité que cette tablette ne soit pas défectueuse est :
a. 0,973 b. 0,873 c. 0,688 d. 0,385

Dans un sac, Jade a mis 3 jetons rouges, 2 jetons jaunes et un jeton vert. Après avoir misé, Sofiane doit tirer un par un les jetons dans le sac tant que le jeton vert n'est pas sorti (tirage sans remise).

8. La probabilité que Sofiane tire le jeton vert lors du 3^e tirage est :
a. $\frac{1}{6}$ b. $\frac{1}{3}$ c. $\frac{5}{6}$ d. $\frac{2}{3}$
9. Sofiane peut récupérer dix fois sa mise s'il tire les 3 jetons rouges, puis les deux jetons jaunes et enfin le jeton vert dans cet ordre. La probabilité d'un tel tirage est :
a. $\frac{1}{30}$ b. $\frac{1}{40}$ c. $\frac{1}{50}$ d. $\frac{1}{60}$

Problèmes

Problème 1 ...Une histoire de loisirs...

On demande à 100 personnes d'indiquer leur loisir préféré parmi « Faire du sport », « Utiliser son ordinateur » et « Lire un livre ».

- Il y a 40% de femmes interrogées ;
- 35% des personnes interrogées préfèrent lire un livre ;
- 60% des hommes préfèrent faire du sport ;
- 10% des femmes préfèrent utiliser leur ordinateur ;
- le nombre de femmes préférant lire est égal à la moitié du nombre des hommes préférant faire du sport.

1. Compléter le tableau ci-dessous.

	Préfèrent lire un livre	Préfèrent faire du sport	Préfèrent utiliser leur ordinateur	Total
Hommes				
Femmes				
Total				

2. On choisit au hasard une personne parmi les 100 personnes interrogées. On considère les événements suivant :

A : « La personne interrogée préfère le sport ».

B : « La personne interrogée est un homme ».

a. Calculer les probabilités $P(A)$ et $P(B)$.

b. Définir par une phrase l'événement $A \cap B$ puis calculer $P(A \cap B)$.

3. Définir en une phrase l'événement $A \cup B$ puis calculer $P(A \cup B)$.

4. On interroge maintenant une personne préférant faire du sport. Quelle est la probabilité que cette personne soit un homme ?

Problème 2 ...Conforme ou non conforme...

Une production en très grande série contient 90% de pièces conformes et 10% de pièces défectueuses. Un contrôle de qualité accepte les pièces conformes dans 92% des cas et rejette les pièces défectueuses dans 94% des cas.

On tire une pièce au hasard dans la production après le contrôle qualité.

On note les événements suivants :

C : « La pièce tirée est conforme ».

A : « La pièce tirée a été acceptée par le contrôle de qualité ».

1. Modéliser la situation à l'aide d'un arbre en indiquant sur chaque branche la probabilité correspondante.

2. Donner la probabilité pour que la pièce tirée soit :

a. Conforme et acceptée par le contrôle.

b. Conforme et rejetée par le contrôle.

c. Défectueuse et acceptée par le contrôle.

d. Défectueuse et rejetée par le contrôle.

3. En déduire la probabilité que la pièce prélevée ait subi une erreur de contrôle.

Problème 3 ...*Un peu de lecture...*

À la sortie d'un lycée, on interroge 100 élèves pour répondre à une enquête concernant la lecture de trois livres : *Harry Potter*, *Fascination* et *Eragon*. On obtient les résultats suivants :

- 47 élèves ont lu *Eragon*, 67 ont lu *Harry Potter* et 70 ont lu *Fascination* ;
- 32 élèves ont lu *Eragon* et *Harry Potter*, 43 ont lu *Harry Potter* et *Fascination* et 21 ont lu *Eragon* et *Fascination* ;
- 10 élèves ont lu les trois livres.

On considère les événements suivants :

E : « L'élève a lu *Eragon* ».

F : « L'élève a lu *Fascination* ».

H : « L'élève a lu *Harry Potter* ».

1. Donner une représentation de la situation.
2. Déterminer le nombre d'élèves :
 - a. Qui n'ont lu aucun des trois livres.
 - b. Qui ont lu uniquement *Fascination*.
3. On tire au hasard le nom d'un élève parmi les 100 élèves précédents. Tous les noms ont la même probabilité d'être tirés. Déterminer la probabilité des événements suivants :

B : « L'élève a lu exactement deux de ces livres ».

A : « L'élève a lu exactement un de ces livres ».
4. Définir en une phrase l'événement $E \cap F$ puis calculer $P(E \cap F)$.
5. Définir en une phrase l'événement $\overline{E \cap F}$ puis calculer $P(\overline{E \cap F})$.
6. Définir en une phrase l'événement $E \cup F$ puis calculer $P(E \cup F)$.

Problème 4 ...*Répartition d'un lycée...*

Un lycée est composé de 1000 élèves. Ces élèves sont répartis de la manière suivante :

- Il y a 48% de garçons interrogés ;
- 33% des élèves interrogés sont en classe de Première ;
- 37,5 % des garçons sont en classe de Seconde ;
- Il y a 160 filles en classe de Terminale ;
- le nombre de garçons en classe de Première est égal au nombre de filles en classe de Terminale.

1. Compléter le tableau ci-dessous.

	Classe de Seconde	Classe de Première	Classe de Terminale	Total
Garçons				
Filles				
Total				

On choisit au hasard une personne parmi les 1000 élèves interrogés. On considère les événements suivant :

F : « L'élève interrogé est une fille ».

T : « L'élève interrogé est en classe de Terminale ».

2. Calculer les probabilités $P(F)$ et $P(T)$.
3. a. Définir par une phrase l'événement $F \cap T$ puis calculer $P(F \cap T)$.
 b. Définir en une phrase l'événement $F \cup T$ puis calculer $P(F \cup T)$.

4. On interroge maintenant un garçon. Quelle est la probabilité que ce garçon soit en classe de Première ?

Problème 5 ...Concours...

Les statistiques dressées à partir des résultats de la session de mai 2013 ont permis d'établir que:

- 60% des personnes qui présentaient le concours le présentaient pour la première fois ;
- 10% de ceux qui le présentaient pour la première fois ont été admis ;
- 40% de ceux qui le présentaient pour la seconde fois l'ont réussi.

On interroge au hasard une personne parmi toutes celles ayant passé ce concours en mai 2013. On note :

- C_1 l'événement : « La personne présentait le concours pour la première fois » ;
- R l'événement : « La personne a été reçue à ce concours ».

1. Déterminer les probabilités suivantes : $P_{C_1}(R)$; $P_{\overline{C_1}}(R)$ et $P(C_1)$.

Aucune justification n'est attendue.

2. Déterminer la probabilité que cette personne se soit présentée au concours pour la première fois et ait été admise.

3. Montrer que la probabilité que cette personne ait été admise à ce concours en mai 2013 est de 0,22.

4. Sachant que cette personne a réussi le concours, déterminer la probabilité qu'elle l'ait présenté pour la première fois. Donner une valeur arrondie au centième.

Problème 6 ...Représentation en CPGE...

Les étudiants des CPGE se répartissent en trois filières :

- La filière scientifique (S) accueille 61,5% des étudiants ;
- La série économique et commerciale (C) accueille 24% des étudiants ;
- Les autres étudiants suivent une filière littéraire (L).

Document 2 : « En classes littéraires, la prépondérance des femmes semble bien implantée : avec trois inscrites sur quatre, elles y sont largement majoritaires. Inversement, dans les préparations scientifiques, les filles sont présentes en faible proportion (30%) alors qu'on est proche de la parité dans les classes économiques et commerciales. »

On considère que parmi tous les inscrits en CPGE en 2009/2010, la proportion de fille est 42,7%.

On interroge au hasard un étudiant en CPGE. On considère les événements suivants :

- F : « L'étudiant interrogé est une fille » ;
- S : « L'étudiant interrogé est inscrit dans la filière scientifique » ;
- C : « L'étudiant interrogé est inscrit dans la filière économique et commerciale » ;
- L : « L'étudiant interrogé est inscrit dans la filière littéraire ».

1. Donner les probabilités $P(S)$, $P(C)$, $P_L(F)$, $P_S(F)$ et $P(F)$.

Construire un arbre pondéré traduisant cette situation. Cet arbre sera complété au fur et à mesure.

2. a. Calculer la probabilité que l'étudiant interrogé au hasard soit une fille inscrite en L .

b. Calculer la probabilité de l'événement $F \cap S$.

c. En déduire que la probabilité de l'événement $F \cap C$ est 0,13375.

3. Sachant que l'étudiant interrogé suit la filière C , quelle est la probabilité qu'il soit une fille ? On arrondira le résultat au millièm. Confronter ce résultat avec les informations du document 2.

4. Sachant que l'étudiant interrogé est une fille, quelle est la probabilité qu'elle soit inscrite dans la filière littéraire L ? On arrondira le résultat au millièm.

Problème 7 ...Asthme...

Dans cet exercice, les résultats seront arrondis, si nécessaire, à 10^{-3} près.

L'asthme est une maladie inflammatoire chronique des voies respiratoires en constante augmentation. En France, les statistiques font apparaître que, parmi les adultes, environ 4% des hommes et 5% des femmes sont asthmatiques. Dans la population française, on considère l'ensemble des couples homme-femme.

On appelle :

- A : « Aucun des deux adultes du couple n'est asthmatique »
- B : « Un seul des deux adultes du couple est asthmatique »
- C : « Les deux adultes du couple sont asthmatiques »

On admet que $P(A)=0,912$, $P(B)=0,086$ et $P(C)=0,002$.

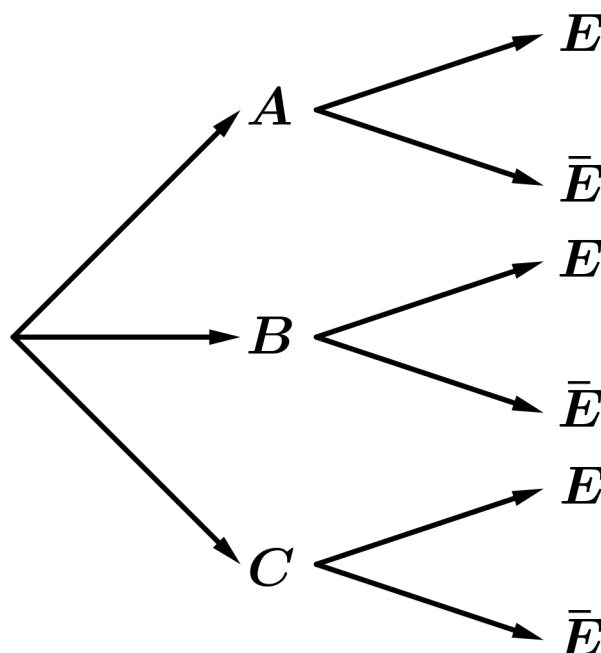
On souhaite étudier la transmission de l'asthme au premier enfant.

Les études actuelles sur cette maladie montrent que :

- Si aucun des parents n'est asthmatique, la probabilité que leur enfant soit asthmatique est de 0,1.
- Si un seul des parents est asthmatique, la probabilité que leur enfant soit asthmatique est de 0,3.
- Si les deux parents sont asthmatiques, la probabilité que leur enfant soit asthmatique est de 0,5.

On note E l'événement : « Le premier enfant du couple est asthmatique ».

1. Reproduire et compléter l'arbre de probabilités ci-dessous.



2. Montrer que $P(E)=0,118$.

3. Calculer $P_E(A)$ et interpréter le résultat. En déduire $P_E(\bar{A})$ et interpréter le résultat.

4. Quelle est la probabilité qu'un enfant non asthmatique ait au moins un de ses parents asthmatique ?

Aide : On pourra chercher à calculer la probabilité de l'événement contraire.